

بسم الله الرحمن الرحيم

www.soalsara.ir

درس اول: معرفی مجموعه

دانلود از سایت سوال سرا

● مجموعه چیست؟ هر دسته‌ی کاملاً مشخص و غیرتکراری از اشیاء را یک مجموعه می‌گویند و هر یک از آن اشیاء را عضو مجموعه می‌نامند. منظور از عبارت «کاملاً مشخص» چیست؟ به مثال زیر توجه کنید.

● کدام‌یک از تعریف‌های زیر، یک مجموعه را مشخص می‌کند؟

الف) چهار عدد زوج متوالی

● تعریف «الف» دارای بی‌شمار جواب است، چون جواب‌ها می‌توانند سلیقه‌ای باشد.

۲, ۴, ۶, ۸, ... ۱۰۰۲, ۱۰۰۴, ۱۰۰۶, ۱۰۰۸, ... ۳۰, ۲۲, ۲۴, ۲۶

بنابراین چهار عدد زوج متوالی نمی‌توانند یک مجموعه را مشخص کنند.

اما تعریف «ب» فقط یک جواب دارد (این‌جا دیگر جواب سلیقه‌ای نداریم).

بنابراین تعریف «ب» یک مجموعه را مشخص می‌کند.

● مجموعه‌ها را با حروف بزرگ انگلیسی A, B, C, ... نام‌گذاری می‌کنند. عضوهای یک مجموعه را داخل این علامت‌ها {} قرار می‌دهند که به آن‌ها «اکلاد» می‌گویند.

● مجموعه‌ی اعداد طبیعی یک‌رقمی را به صورت اعضا بنویسید.

A = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}

● هر یک از عددهای ۱, ۲, ۳, ... و ۹ را عضو مجموعه‌ی A می‌گوییم. علامت عضویت یا عضوبودن در یک مجموعه را با نماد ∈ و علامت عضونبودن در یک مجموعه را با نماد ∉ نشان می‌دهیم.
برای مثال در مجموعه‌ی A :

۲ ∈ A

عدد ۲ عضو مجموعه‌ی A است که به صورت ریاضی می‌نویسیم:

۱۰ ∉ A

عدد ۱۰ عضو مجموعه‌ی A نیست که به صورت ریاضی می‌نویسیم:

● در مجموعه، ترتیب نوشتن عضوها مهم نیست، یعنی با جایگایی عضوهای یک مجموعه، مجموعه‌ی جدیدی مشخص نمی‌شود.
برای مثال مجموعه‌ی {۳, ۵, ۷} = A را می‌توان به صورت‌های زیر نشان داد.

A = {۳, ۵, ۷} A = {۷, ۵, ۳} A = {۵, ۳, ۷}

● همان‌طور که در تعریف مجموعه گفتیم عضوهای یک مجموعه باید غیرتکراری باشند، پس در مجموعه، عضوهای تکراری فقط یک عضو حساب می‌شوند (یک بار نوشته می‌شوند).

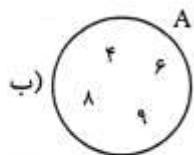
A = {۲, ۳, ۵, ۲, ۵, ۷} = {۲, ۳, ۵, ۷}

● مجموعه‌ی {۲, ۳, ۵, ۲, ۵, ۷} = A دارای چهار عضو است، یعنی:

● یکی از روش‌های نشان‌دادن مجموعه‌ها، نمایش هندسی یا «نمودار یون» است. در این روش عضوهای مجموعه را داخل یک منحنی بسته قرار می‌دهیم.

اگر A مجموعه‌ی اعداد مرکب یکرقمی باشد، آن را به دو صورت نمایش دهید.

(الف) $A = \{4, 6, 8, 9\}$



در قسمت «ب» مجموعه‌ی A را به صورت نمایش هندسی یا نمودار ون نشان داده‌ایم.

اگر تعداد عضوهای یک مجموعه قابل شمارش باشد، آن مجموعه را «متناهی» یا «بایان» می‌گوییم و اگر تعداد عضوهای یک مجموعه غیرقابل شمارش باشد، آن مجموعه را «نامتناهی» یا «بی‌بایان» می‌گوییم.

مجموعه‌های زیر «متناهی» یا «بایان» هستند.

$A = \{10, 11, 12, \dots, 99\}$

(الف) مجموعه‌ی اعداد طبیعی دورقی

$B = \{ي, \dots, ت, پ, ب, آ\}$

(ب) مجموعه‌ی حروف الفبای فارسی

$N = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$

(الف) مجموعه‌ی اعداد طبیعی

$C = \{\dots, -13, -12, -11, -10\}$

(ب) مجموعه‌ی اعداد صحیح منفی کوچک‌تر از -9

نماد ... یعنی عضوهای مجموعه به همین صورت ادامه پیدا می‌کنند.

● مجموعه‌ای که عضو نداشته باشد، مجموعه‌ی تهی نامیده می‌شود. مجموعه‌ی تهی را با نماد {} یا Ø نمایش می‌دهیم.

هیچ‌گاه مجموعه‌ی تهی را با این نماد {} نشان ندهید (غلط است).

● هر یک از مثال‌های زیر، مجموعه‌ی تهی را مشخص می‌کنند.

(الف) مجموعه‌ی انسان‌هایی که در کره‌ی ماه زندگی می‌کنند.

(ب) مجموعه‌ی اعداد طبیعی کوچک‌تر از 1

(ج) مجموعه‌ی اعداد اول زوج دورقی

● مجموعه‌ای که فقط دارای یک عضو باشد، مجموعه‌ی یک‌عضوی نامیده می‌شود. مانند مجموعه‌های زیر:

$A = \{2\}$

(الف) مجموعه‌ی اعداد اول زوج

$B = \{0\}$

(ب) مجموعه‌ی اعداد صحیح که نه مثبت هستند و نه منفی

درس دوم: مجموعه‌های برابر و نمایش مجموعه‌ها

دو مجموعه‌ی برابر: دو مجموعه‌ی A و B را مساوی می‌گوییم، در صورتی که هر عضو A، عضو B باشد و هر عضو B نیز عضو A باشد.

$$A = \{2, 5, 7\}$$

$$B = \{7, 5, \sqrt{9}\}$$

مجموعه‌های A و B با هم برابرند.

$$A = \{y, x+1, 2\}$$

$$B = \{y-1, 7, 5\}$$

x و y را تعیین کنید تا دو مجموعه‌ی A و B برابر باشند.

عدد 7 عضو هر دو مجموعه است. باید عدد 2 عضو B و عدد 5 عضو A باشد تا دو مجموعه برابر شوند.

$$x+1=5 \Rightarrow x=5-1=4 \Rightarrow x=4$$

$$y-1=2 \Rightarrow y=2+1 \Rightarrow y=3$$

کدامیک از مجموعه‌های زیر با مجموعه‌ی A برابر است؟

$$A = \{a, 2, b, c\}$$

$$B = \{a, 2, b, d\}$$

$$C = \{a, c, b, 2, a, b\}$$

$$D = \{2a, b, c\}$$

مجموعه‌ی A با B مساوی نیست، چون در مجموعه‌ی B عضو d هست و در مجموعه‌ی A نیست و در مجموعه‌ی A عضو c هست

$$A \neq B$$

که در مجموعه‌ی B نیست. پس:

$$C = \{a, c, b, 2, a', b'\} = \{a, c, b, 2\}$$

مجموعه‌های A و C برابرند، زیرا:

$$A = C$$

یعنی هر عضو A در C هست و برعکس. پس:

$$A \neq D$$

مجموعه‌ی D با مجموعه‌ی A برابر نیست، چون D دارای 3 عضو و A دارای 4 عضو است. پس:

$$A = \{3, 5, 7\}$$

$$B = \{2, 3, 5, 7\}$$

زیرمجموعه: دو مجموعه‌ی A و B را در نظر بگیرید.

همان‌طور که می‌بینید هر عضو A در مجموعه‌ی B هست، بنابراین می‌گوییم، مجموعه‌ی A زیرمجموعه‌ی B است و به زبان ریاضی می‌نویسیم:

$$A \subseteq B$$

نماد \subseteq نشانه‌ی زیرمجموعه‌بودن و نماد $\not\subseteq$ نشانه‌ی زیرمجموعه‌نبودن است. در دو مجموعه‌ی بالا، عدد 2 عضو مجموعه‌ی B است اما عضو

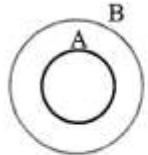
$$B \not\subseteq A$$

نیست، بنابراین مجموعه‌ی B زیرمجموعه‌ی A نیست. این مطلب را به زبان ریاضی می‌نویسیم:

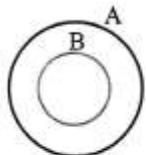
$$A \subseteq A, B \subseteq B, \emptyset \subseteq \emptyset$$

هر مجموعه‌ای زیرمجموعه‌ی خودش است.

$\emptyset \subseteq A$, $\emptyset \subseteq B$, $\emptyset \subseteq \emptyset$



$$A \subseteq B$$



$$B \subseteq A$$

مجموعه‌ی تهی زیرمجموعه‌ی همه‌ی مجموعه‌ها است.

رابطه‌های $A \subseteq B$ و $B \subseteq A$ را با نمودار ون نمایش دهید.

$$A = \{-4, 2, 7\}$$

$$B = \{7, -4, 2, 3\}$$

$$C = \{3, 7, 2, -4\}$$

$$\square \text{ (الف) } A \subseteq B$$

$$\square \text{ (ب) } B \subseteq A$$

$$\square \text{ (ج) } A \subseteq C$$

$$\square \text{ (د) } B \subseteq C$$

$$\square \text{ (ه) } C \subseteq B$$

$$\square \text{ (و) } B = C$$

$$\square \text{ (ز) } C \not\subseteq A$$

$$\square \text{ (ح) } A \not\subseteq C$$

$$\square \text{ (ط) } A = C$$

$$\text{الف) } \checkmark$$

$$\text{ب) } \times$$

$$\text{ج) } \checkmark$$

$$\text{د) } \checkmark$$

$$\text{ه) } \checkmark$$

$$\text{و) } \checkmark$$

$$\text{ز) } \checkmark$$

$$\text{ح) } \times$$

$$\text{ط) } \times$$

$$\left. \begin{array}{l} B \subseteq C \\ C \subseteq B \end{array} \right\} \Leftrightarrow B = C$$

با توجه به مثال بالا در می‌یابیم که اگر:

این علامت \Leftrightarrow نتیجه‌گیری دوطرفه است یعنی اگر دو مجموعه‌ی B و C زیرمجموعه‌ی یکدیگر باشند، آن‌گاه نتیجه می‌گیریم که دو مجموعه برابرند و بر عکس، اگر دو مجموعه‌ی B و C برابر باشند، آن‌گاه این دو مجموعه زیرمجموعه‌ی یکدیگرند.

اگر $A \subseteq B$ و $B \subseteq C$ باشد، آن‌گاه نتیجه می‌گیریم که $A \subseteq C$ است.

اگر $A = \{2, 3\}$ و $B = \{5, 2, 3\}$ باشد، داریم $A \subseteq B$ و اگر $C = \{7, 3, 2, 5\}$ باشد، آن‌گاه $C \subseteq B$ است. پس می‌توان نتیجه گرفت که $A \subseteq C$ است.

www.soalsara.ir
دانلود از سایت سوال سرا

تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه:

تمامی زیرمجموعه‌های $A = \{2, 3\}$ را بنویسید.

می‌خواهیم مجموعه‌هایی را بنویسیم که عضوهای آن‌ها در مجموعه‌ی A باشند. حالت‌های زیر را در نظر می‌گیریم:

$$\left. \begin{array}{l} \text{زیرمجموعه‌های } A \\ \left\{ \begin{array}{l} \text{ عدد } 3 \text{ عضو مجموعه باشد} \\ \text{ عدد } 2 \text{ عضو مجموعه باشد} \\ \text{ عدد } 1 \text{ عضو مجموعه باشد} \\ \text{ عدد } 0 \text{ عضو مجموعه نباشد} \end{array} \right. \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \{2, 3\} \\ \{2\} \\ \{3\} \\ \{\} \end{array} \right.$$

همان‌طور که مشاهده می‌کنید برای این‌که عدد ۲ عضو مجموعه باشد، ۲ حالت وجود دارد (یا ۲، عضو مجموعه هست و یا عضو مجموعه نیست)

و همین‌طور برای این‌که ۳ عضو مجموعه باشد یا نباشد، ۲ حالت وجود دارد، پس: $2 \times 2 = 2^2 = 4$ = تعداد زیرمجموعه‌های A

به طور کلی تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه‌ی n عضوی، برابر است با 2^n . n تعداد عضوهای مجموعه است.

یک مجموعه‌ی ۵ عضوی چند زیرمجموعه دارد؟

$$\text{زیرمجموعه } 2^5 = 32$$

$$A = \{5, 7, 9\}$$

$$2^7 = 8$$

$$A_1 = \{ \} , A_2 = \{5\} , A_3 = \{7\} , A_4 = \{9\} , A_5 = \{5, 7\} , A_6 = \{5, 9\} , A_7 = \{7, 9\} , A_8 = \{5, 7, 9\} = A$$

تمامی زیرمجموعه‌های مجموعه‌ی A را بنویسید.

مجموعه‌ی A دارای ۸ زیرمجموعه است.

به تمامی زیرمجموعه‌های هر مجموعه، به جز خودش، زیرمجموعه‌های محض آن مجموعه می‌گویند. در مثال بالا، مجموعه‌های A_1, A_2, A_3, \dots و A_7 زیرمجموعه‌های محض مجموعه A هستند.

تعداد زیرمجموعه‌های محض یک مجموعه n عضوی برابر است با $2^n - 1$.

یک مجموعه ۷ عضوی چند زیرمجموعه محض دارد؟

$$2^7 - 1 = 128 - 1 = 127$$

روش دیگر نمایش مجموعه: (نمایش ریاضی مجموعه)

قبل از این که روش نمایش مجموعه با نمادهای ریاضی را توضیح دهیم، لازم است چند مجموعه را معرفی کنیم:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

● مجموعه‌ی اعداد طبیعی که با حرف « \mathbb{N} » نمایش داده می‌شود:

$$\mathbb{W} = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$$

● مجموعه‌ی اعداد حسابی که با حرف « \mathbb{W} » نمایش داده می‌شود:

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$$

● مجموعه‌ی اعداد صحیح که با حرف « \mathbb{Z} » نمایش داده می‌شود:

چون مجموعه‌ی اعداد طبیعی زیرمجموعه‌ی مجموعه‌ی اعداد حسابی است، پس می‌توان گفت که هر عدد طبیعی یک عدد حسابی است و این مطلب به زبان ریاضی می‌شود: $\mathbb{W} \subseteq \mathbb{N}$. چون همه‌ی اعداد طبیعی و حسابی، عضو \mathbb{Z} هستند، بنابراین $\mathbb{Z} \subseteq \mathbb{W} \subseteq \mathbb{N}$ است. یعنی هر عدد طبیعی، یک عدد صحیح و هر عدد حسابی نیز، یک عدد صحیح است.

اکنون، با یک مثال روش نمایش مجموعه با نمادهای ریاضی را بیان می‌کنیم:

● مجموعه‌ی $\{3, 4, 5, 6, 7\} = A$ را به صورت ریاضی نمایش دهید.

$$A = \{x \in \mathbb{N} \mid 2 < x < 8\}$$

شکل ریاضی مجموعه‌ی A را به این صورت می‌خوانیم: مجموعه‌ی A دارای عضوهایی به شکل x است که این عضوها (اعداد) متعلق به مجموعه‌ی اعداد طبیعی هستند، به طوری که این اعداد از ۲ بزرگ‌تر و از ۸ کوچک‌تر هستند. علامت « $|$ » در نمایش ریاضی مجموعه‌ها، یعنی «به طوری که» یا «به قسمی که».

● مجموعه‌ی اعداد زوج طبیعی را با حرف « E » نمایش می‌دهند که اعضای آن به این صورت است:

$$E = \{2x \mid x \in \mathbb{N}\}$$

این مجموعه به شکل ریاضی به این صورت نشان داده می‌شود:

$$O = \{1, 3, 5, 7, \dots\}$$

● مجموعه‌ی اعداد فرد طبیعی را با حرف « O » نمایش می‌دهند که اعضای آن به این صورت است:

$$O = \{2x - 1 \mid x \in \mathbb{N}\}$$

شکل ریاضی این مجموعه به صورت مقابل است:

● مجموعه‌ی مضربهای طبیعی عدد ۵ را به صورت اعضا و با نمادهای ریاضی نشان دهید.

$$A = \{5, 10, 15, 20, \dots\} \quad A = \{5k \mid k \in \mathbb{N}\}$$

$$A = \{6x - 1 \mid x \in \mathbb{N}\} \quad B = \{n^7 \mid n \in \mathbb{N}, n > 2\}$$

● مجموعه‌های روبرو را به صورت اعضا نمایش دهید.

$$A = \{6 \times 1 - 1, 6 \times 2 - 1, 6 \times 3 - 1, 6 \times 4 - 1, \dots\} \Rightarrow A = \{5, 11, 17, 23, \dots\}$$

$$B = \{4^7, 5^7, 6^7, 7^7, \dots\} \Rightarrow B = \{64, 125, 216, 343, \dots\}$$

در مجموعه‌ی B چون $3 > n$ است، بنابراین کوچک‌ترین عدد طبیعی که به جای n می‌توان قرار داد، عدد ۴ است.

$$A = \{7, 14, 21, 28, \dots\} \quad B = \{16, 25, 36, 49, \dots\}$$

● مجموعه‌های روبرو را با نمادهای ریاضی نمایش دهید.

$$A = \{7k \mid k \in \mathbb{N}\}$$

● عضوهای مجموعه‌ی A ، مضربهای طبیعی عدد ۷ هستند. پس:

$$B = \{4^2, 5^2, 6^2, 7^2, \dots\}$$

$$B = \{x^3 \mid x \in \mathbb{N}, x > 2\}$$

همان طور که می بینید عضوهای این مجموعه، مجذور اعداد طبیعی بزرگتر از ۲ هستند، پس می توان نوشت:

● مجموعه ای اعداد گویا را با حرف \mathbb{Q} نشان می دهیم. این مجموعه شامل تمامی اعداد صحیح و تمامی کسرهای متعارفی (معمولی) است.

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b} \mid a, b \in \mathbb{Z}, b \neq 0 \right\}$$

مجموعه \mathbb{Q} را نمی توان با اعضا مشخص کرد و فقط می توان آن را با نمادهای ریاضی تعریف کرد:

یعنی هر عددی را که بتوانیم به صورت یک کسر متعارفی (معمولی) بنویسیم به طوری که صورت و مخرج آن عدد صحیح و مخرج کسر مخالف صفر باشد، آن عدد گویا است.

$$\mathbb{N} \subseteq \mathbb{W} \subseteq \mathbb{Z} \subseteq \mathbb{Q}$$

همه اعداد طبیعی، حسابی و صحیح، گویا هستند. یعنی:



درس سوم: اجتماع، اشتراک و تفاضل مجموعه ها

$$A = \{4, 6, 8, 9\}$$

$$B = \{3, 8, 5, 6, 9\}$$

اشتراک دو مجموعه: به دو مجموعه A و B دقت کنید.

همان طور که مشاهده می کنید سه عدد ۶، ۸ و ۹ عضوهای مشترک دو مجموعه A و B هستند. این مطلب را به زبان ریاضی می نویسیم.

$$A \cap B = \{6, 8, 9\}$$

علامت اشتراک

● اشتراک دو مجموعه A و B که آن را با $A \cap B$ نشان می دهیم، مجموعه ای است که عضوهای آن هم در A باشد و هم در B . یعنی:

$$A \cap B = \{x \mid x \in A, x \in B\}$$

اجتماع دو مجموعه: به دو مجموعه C و D دقت کنید.

$$C = \{1, 4, 9, 7, 8, 3\}$$

$$D = \{4, 7, 1, 6, 5, 9\}$$

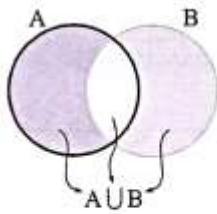
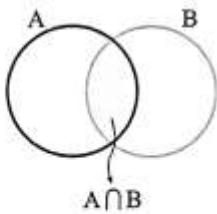
اگر تمام عضوهای این دو مجموعه را در یک مجموعه قرار دهیم (بدون تکرار)، آن گاه مجموعه ای اجتماع دو مجموعه را نوشتایم، یعنی:

$$C \cup D = \{1, 4, 9, 6, 5, 7, 8, 3\}$$

● اجتماع دو مجموعه A و B که آن را با $A \cup B$ نشان می دهیم، مجموعه ای است که عضوهای آن یا در A باشند یا در B . یعنی:

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ یا } x \in B\}$$

مجموعه‌های $A \cap B$ و $A \cup B$ را به وسیله‌ی نمودار ون نمایش دهید.



اگر $A = \{5, 6, 7, 8\}$ و $B = \{7, 8, 9, 10\}$ باشد،

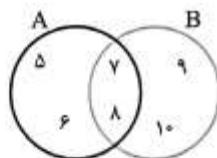
الف) $A \cup B$ را با نوشتن اعضا مشخص کنید.

ب) این دو مجموعه را با نمودار ون نشان دهید.

$$A \cap B = \{7, 8\}$$

$$A \cup B = \{5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

الف)

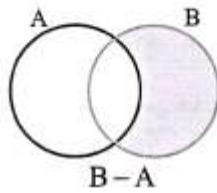
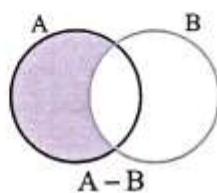


(ب)

تفاضل دو مجموعه: مجموعه‌ی $A - B$ (می‌خوانیم: A - ب) مجموعه‌ای است که عضوهای آن در A باشند و در B نباشند و

$A - B = \{x \mid x \in A, x \notin B\}$ $B - A$ (می‌خوانیم: B - آ) مجموعه‌ای است که عضوهای آن در B باشند و در A نباشند.

$$B - A = \{x \mid x \in B, x \notin A\}$$



نمودار هندسی دو مجموعه‌ی $A - B$ و $B - A$ به صورت مقابل است.

اگر $A = \{3, 5, 7, 9\}$ و $B = \{2, 4, 7, 9\}$ باشد، مجموعه‌های $A - B$ و $B - A$ را بنویسید.

$$A - B = \{3, 5\}$$

$$B - A = \{2, 4\}$$



عدد اصلی یک مجموعه: تعداد عضوهای یک مجموعه‌ی متناهی (بایان) مانند A، را عدد اصلی مجموعه‌ی A می‌گویند و آن را با (A)

$$n(A) = k$$

نمایش می‌دهند. به عنوان مثال اگر مجموعه‌ی A دارای k عضو باشد. آن‌گاه می‌توان نوشت:

$$A = \{a_1, a_2, \dots, a_k\}$$

$$B = \{b_1, b_2, \dots, b_n\}$$

عدد اصلی مجموعه‌های رو به رو را بنویسید.

$$n(A) = 4$$

$$n(B) = 5$$



$$n(\emptyset) = 0$$

چون مجموعه‌ی تهی هیچ عضوی ندارد، بنابراین:



درس چهارم: مجموعه‌ها و احتمال

می‌دانیم که احتمال وقوع یک پیشامد از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود.

$$\frac{\text{تعداد حالت‌های مطلوب}}{\text{تعداد حالت‌های ممکن}} = \text{احتمال رخدادن پیشامد}$$

اکنون اگر مجموعه‌ای را که شامل همه‌ی حالت‌های ممکن است با S و تعداد این حالت‌ها را با $n(S)$ و مجموعه‌ی شامل همه‌ی حالت‌های مطلوب را، با A و تعداد این حالت‌ها را با $n(A)$ نشان دهیم، رابطه‌ی زیر را می‌توان نوشت:

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$

(*) $n(S)$ را فضای نمونه هم می‌گویند.

احتمال وقوع هر پیشامد عددی از صفر تا ۱ است.

اگر احتمال وقوع پیشامدی صفر باشد، آن پیشامد را غیرممکن می‌گوئیم.

هر یک از اعداد طبیعی کوچکتر از ۱۵ را روی یک کارت نوشته‌ایم و آن‌ها را در داخل کیسه‌ای انداخته‌ایم. اگر به طور تصادفی یک کارت را از داخل کیسه بیاوریم، احتمال وقوع هر یک از پیشامدهای زیر را حساب کنید.

الف) عدد روی کارت اول باشد ($P(\text{پیشامد } A)$)

ب) عدد روی کارت مرکب باشد ($P(\text{پیشامد } B)$)

ج) عدد روی کارت مضرب ۳ باشد ($P(\text{پیشامد } C)$)

د) عدد روی کارت مضرب ۱۷ باشد ($P(\text{پیشامد } D)$)

$$S = \{1, 2, 3, \dots, 14\} \Rightarrow n(S) = 14$$

ابتدا مجموعه‌ی حالت‌های ممکن (مجموعه‌ی S) را می‌نویسیم.

$$\text{الف) } A = \{2, 3, 5, 7, 11, 13\} \Rightarrow n(A) = 6 \Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{14} = \frac{3}{7}$$

$$\text{ب) } B = \{4, 6, 8, 9, 10, 12, 14\} \Rightarrow n(B) = 7 \Rightarrow P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{7}{14} = \frac{1}{2}$$

$$\text{ج) } C = \{3, 6, 9, 12\} \Rightarrow n(C) = 4 \Rightarrow P(C) = \frac{n(C)}{n(S)} = \frac{4}{14} = \frac{2}{7}$$

$$\text{د) } D = \{\} \Rightarrow n(D) = 0 \Rightarrow P(D) = \frac{n(D)}{n(S)} = \frac{0}{14} = 0$$

پیشامد D غیرممکن است.